

(科目名: 電気回路)

問 1

(1)ホイートストンブリッジ回路の平衡条件から $R_1 R_4 = R_2 R_3$

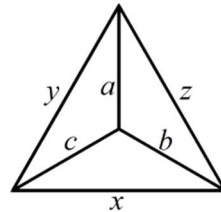
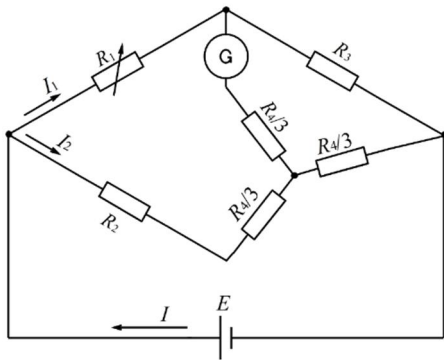
よって $R_1 = \frac{R_2 R_3}{R_4}$

(2) R_1 と R_3 の直列の合成抵抗 R は $R = R_1 + R_3 = \frac{R_2 R_3 + R_3 R_4}{R_4}$

この抵抗 R にかかる電圧が E なのでオームの法則により

$$I_1 = \frac{E}{R} = \frac{E}{R_1 + R_3} = \frac{E R_4}{R_2 R_3 + R_3 R_4}$$

(3) スイッチ S を閉じると3つの R_4 は Δ となり Δ -Y 変換をすると等価回路は下図のようになるので



$\Delta \Rightarrow Y$ 変換

$$a = \frac{yz}{x+y+z} \quad b = \frac{zx}{x+y+z} \quad c = \frac{xy}{x+y+z}$$

このブリッジ回路の平衡条件は $\frac{R_1 R_4}{3} = \left(R_2 + \frac{R_4}{3}\right) R_3$ となる。

(4) まず R_2 を流れる電流 I_2 を求める。前問(3)の $\Delta \Rightarrow Y$ 変換した等価回路を用いて

$$I_2 = \frac{E}{R_2 + \frac{2R_4}{3}} = \frac{3E}{3R_2 + 2R_4}$$

$$R_2 \text{ の消費電力 } P \text{ は } P = I_2^2 R_2 = \left(\frac{3E}{3R_2 + 2R_4}\right)^2 R_2$$

これら解答例はあくまで一例です。解答は、ここに示した解答例に限るものではありません。

(科目名:電気回路 問2)

解答例はあくまで一例です。解答は、ここに示した解答例に限るものではありません。

- (1) 抵抗値 R の抵抗とインダクタンス L のコイルの直列接続であることを考慮すると、インピーダンス Z は、
 $Z = R + j\omega L$ と求まる。

- (2) アドミタンス Y は $Y = \frac{1}{Z} = \frac{1}{R + j\omega L} = \frac{R - j\omega L}{R^2 + \omega^2 L^2}$ と求まる。

- (3) 図問2-1の回路に流れる電流 I は、

$$I = \frac{E}{Z} = \frac{E}{R + j\omega L} = \frac{E(R - j\omega L)}{R^2 + \omega^2 L^2} \text{ と求まる。}$$

有効電力は、複素電力を計算し、その実部を求めればよい。

複素電力は、 $\bar{E}I = \bar{E} \frac{E(R - j\omega L)}{R^2 + \omega^2 L^2} = |E|^2 \frac{(R - j\omega L)}{R^2 + \omega^2 L^2}$ となるので、有効電力は、

その実部をとり、 $|E|^2 \frac{R}{R^2 + \omega^2 L^2}$ となる。なお、抵抗 R に流れる電流の大きさを求め $|I|^2 R$ により計算しても同じ答えが得られる。

- (4) 図問2-2に示す回路のアドミタンスを Y_p とおくと、

$$Y_p = \frac{1}{R_p} + \frac{1}{j\omega L_p} = \frac{1}{R_p} - j \frac{1}{\omega L_p}$$

図問2-1の回路のアドミタンス Y に関する(2)の結果と比較し、実部と虚部がそれぞれ等しくなれば等価となるので、

$$R_p = R + \frac{\omega^2 L^2}{R}, \quad L_p = L + \frac{R^2}{\omega^2 L} \text{ が求まる。}$$

令和8年度 工学部第3年次編入学（一般入試）学力試験 解答例

情報電気工学科

（科目名：情報基礎 問1）

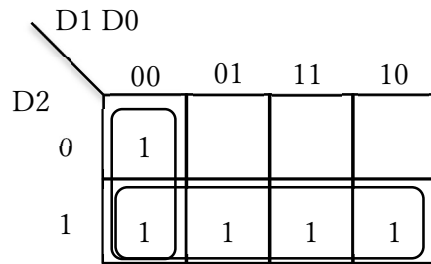
- （1）ともに45回
- （2）逆順にソートされた配列
- （3）既ソートの配列の時

(科目名:情報基礎 問2)

(1)

| D2 | D1 | D0 | Y1 | Y0 |
|----|----|----|----|----|
| 0 | 0 | 0 | 1 | 1 |
| 0 | 0 | 1 | 0 | 0 |
| 0 | 1 | 0 | 0 | 1 |
| 0 | 1 | 1 | 0 | 1 |
| 1 | 0 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 0 | 1 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 0 | 1 | 0 |
| 1 | 1 | 1 | 1 | 0 |

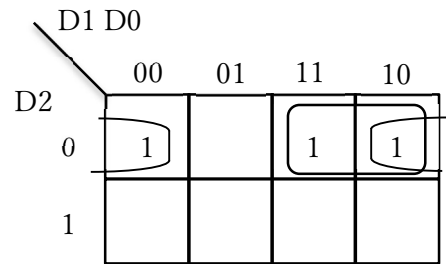
(2) Y1



カルノー図より

$$Y1 = D2 + \overline{D1} \cdot \overline{D0}$$

Y0



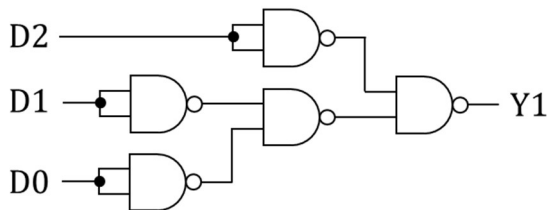
カルノー図より

$$Y0 = \overline{D2} \cdot D1 + \overline{D2} \cdot \overline{D0}$$

(3) Y1

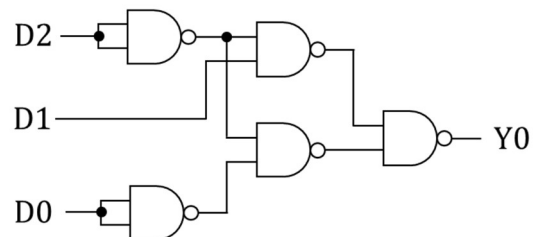
2入力 NAND ゲートを用いる式に変形するため、2重否定の後にド・モルガンの法則を使い式を変形する。その後対応する NAND ゲートに置き換える

$$\begin{aligned} Y1 &= \overline{\overline{D2 + \overline{D1} \cdot \overline{D0}}} \\ &= \overline{\overline{D2} \cdot \overline{\overline{D1} \cdot \overline{D0}}} \\ &= \overline{\overline{D2} \cdot \overline{D1} \cdot \overline{D0}} \end{aligned}$$



Y0

$$\begin{aligned} Y0 &= \overline{\overline{\overline{D2} \cdot D1} + \overline{\overline{D2} \cdot \overline{D0}}} \\ &= \overline{\overline{\overline{D2} \cdot D1} \cdot \overline{\overline{D2} \cdot \overline{D0}}} \\ &= \overline{\overline{D2} \cdot D1 \cdot \overline{D2} \cdot \overline{D0}} \end{aligned}$$



(科目名:数学 問1)

(解答例)この解答例はあくまで一例であり, 解答はここに示した解答例に限るものではありません.

(1) 式(1)~(3)に $c = 3$ を代入し, これらの式から, 拡大係数行列を作成する.

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 \\ 3 & 4 & 3 & 4 \\ 1 & 3 & 4 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & 6 & 1 \\ 0 & 2 & 5 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -7 & 0 \\ 0 & 1 & 6 & 1 \\ 0 & 0 & -7 & -1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 0 & \frac{1}{7} \\ 0 & 0 & 1 & \frac{1}{7} \end{bmatrix}$$

したがって,
$$\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1/7 \\ 1/7 \end{bmatrix}$$

(2) $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 \\ 3 & 4 & c \\ 1 & c & 4 \end{bmatrix}$, $\mathbf{b} = \begin{bmatrix} 1 \\ 4 \\ 2 \end{bmatrix}$ とする. この時, 式(1)~(3)より得られる拡大係数行列

より,

$$\begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 \\ 3 & 4 & c & 4 \\ 1 & c & 4 & 2 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 1 & -1 & 1 \\ 0 & 1 & c+3 & 1 \\ 0 & c-1 & 5 & 1 \end{bmatrix} \rightarrow \begin{bmatrix} 1 & 0 & -(c+4) & 0 \\ 0 & 1 & c+3 & 1 \\ 0 & 0 & -(c+4)(c-2) & -(c-2) \end{bmatrix} \quad (4)$$

ここで, 拡大係数行列 \mathbf{X} は $\mathbf{X} = [\mathbf{A}|\mathbf{b}]$ とする. 連立方程式が解をもつためには, 拡大係数行列の階数 $\text{rank}\{\mathbf{X}\}$ が, 行列 \mathbf{A} の階数 $\text{rank}\{\mathbf{A}\}$ が等しいことが条件である. また, 連立方程式が無数の解をもつためには, 拡大係数行列の階数が, 3 より小さくなることが条件である. したがって, これら条件を満たす c の値は, $c = 2$ である.

(3) 式(4)の拡大係数行列に, $c = 2$ を代入すると $\begin{bmatrix} 1 & 0 & -6 & 0 \\ 0 & 1 & 5 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix}$ となり, これより

$$x - 6z = 0, \quad y + 5z = 1 \quad \text{が得られる. したがって, } \begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \end{bmatrix} + k \begin{bmatrix} 6 \\ -5 \\ 1 \end{bmatrix}$$

(4) 拡大係数行列 $\mathbf{X} = [\mathbf{A}|\mathbf{b}]$ の階数 $\text{rank}\{\mathbf{X}\}$ が, 行列 \mathbf{A} の階数 $\text{rank}\{\mathbf{A}\}$ が等しくない時, 連立方程式は解をもたない.

式(4)の拡大係数行列より, この条件を満たす c の値は, $c = -4$ である.

この時, $\text{rank}\{\mathbf{X}\} = 3$, $\text{rank}\{\mathbf{A}\} = 2$ となり, 連立方程式は解をもたない.

(科目名:数学 問2)

(解答例)この解答例はあくまで一例です。解答は、ここに示した解答例に限るものではありません。

(1)の解答

$$y(t) = 3e^{-4t}$$

(2)の解答

特性方程式は次のように与えられる。(変数は p でなくともよい)

$$p^2 + k_1p + 4 = 0$$

(3)の解答

特性方程式の根(解)に -4 が入るように設定する。さらに、特解を零とする必要があるため、以下の定数となる。

$$k_1 = 5, k_2 = 0$$

(4)の解答(例)

特性方程式が

$$p^2 + 4p + 4 = 0$$

となり、重根(-2)となっている。解は te^{-2t} および e^{-2t} となる。

特解は $y_s(t) = 1/2$, 補解は $y_f(t) = C_1te^{-2t} + C_2e^{-2t}$ である。したがって、特解および補解の和として一般解は次式で与えられる。

$$y(t) = C_1te^{-2t} + C_2e^{-2t} + 1/2$$

(5)の解答

(4)の解答より、

$$y_f(t) = C_1te^{-2t} + C_2e^{-2t} \text{ が補解 } y_s(t) = 1/2 \text{ が特解}$$

$$y(t) = y_f(t) + y_s(t) = C_1te^{-2t} + C_2e^{-2t} + 1/2$$

$$y(0) = 1 \text{ より } C_2 + 1/2 = 1$$

$$\frac{dy(t)}{dt} \Big|_{y=0} = 2 \text{ より } C_1 - 2C_2 = 2$$

よって、 $C_1 = 3, C_2 = 1/2$

$$y(t) = 3te^{-2t} + \frac{e^{-2t}}{2} + 1/2$$