

令和 8 年度(前期日程)  
入学者選抜学力検査問題

# 数 学 ③

(数学 I ・ 数学 II ・ 数学 III ・ 数学 A ・ 数学 B ・ 数学 C)

試験時間 120 分

医学部(医学科)

問 題	ページ
1 ~ 4	1 ~ 2

## 注 意 事 項

1. 試験開始の合図があるまで、この冊子を開いてはいけません。
  2. 各解答紙の 2 箇所に受験番号を必ず記入しなさい。  
なお、解答紙には、必要事項以外は記入してはいけません。
  3. 解答は、必ず指定された解答紙に記入しなさい。また裏面は採点の対象としません。
  4. 試験開始後、この冊子又は解答紙に落丁・乱丁及び印刷の不鮮明な箇所などがあれば、手を挙げて監督者に知らせなさい。
  5. この冊子の白紙と余白部分は、適宜下書きに使用してもかまいません。
  6. 試験終了後、解答紙は持ち帰ってはいけません。
  7. 試験終了後、この冊子は持ち帰りなさい。
- ※この冊子の中に解答紙が挟み込んであります。

1 正の整数  $n$  に対して、数列  $\{a_n\}$  を

$$a_n = \begin{cases} n^2 - 1 & (n \text{ が奇数のとき}) \\ \frac{1}{2}n^2 - n & (n \text{ が偶数のとき}) \end{cases}$$

で定める。  $S_n = \sum_{k=1}^n a_k$  とするとき、以下の問いに答えよ。

- (問 1)  $S_5$  と  $S_6$  をそれぞれ求めよ。  
(問 2)  $S_{2n-1}$  と  $S_{2n}$  をそれぞれ  $n$  を用いて表せ。  
(問 3)  $\sum_{\ell=1}^{2n} S_\ell$  を  $n$  を用いて表せ。

2  $m$  を 2 以上の整数として、毎回  $\frac{1}{m}$  の確率で当たりの出るくじを  $n$  回引く。このとき、1 回も当たりを引かない確率を  $p_{m,n}$  とする。以下の問いに答えよ。ただし、

$$0.30102 < \log_{10} 2 < 0.30103, \quad 0.47712 < \log_{10} 3 < 0.47713$$

であることを用いてよい。

- (問 1)  $p_{m,n}$  を  $m, n$  を用いて表せ。  
(問 2)  $p_{25,n} < 0.1$  となる最小の  $n$  を求めよ。  
(問 3)  $\lim_{m \rightarrow \infty} p_{m,2m}$  を求めよ。ただし、 $\lim_{k \rightarrow \infty} \left(1 + \frac{1}{k}\right)^k = e$  (自然対数の底) を用いてよい。

**3** 四面体 OABC について,  $OA = OB = 1$ ,  $OC = 3$ ,  $\angle AOC = \angle BOC = \frac{\pi}{3}$  が成り立つとする。  
 $\triangle OAB$  を含む平面上に点 C から下ろした垂線の足を D とし,  $\overrightarrow{OA} = \vec{a}$ ,  $\overrightarrow{OB} = \vec{b}$ ,  $\overrightarrow{OC} = \vec{c}$ ,  
 $AB = x$  とおく。ただし,  $0 < x < \sqrt{3}$  とする。以下の問いに答えよ。

(問 1)  $\overrightarrow{OD}$  を  $x$ ,  $\vec{a}$ ,  $\vec{b}$  を用いて表せ。

(問 2) 四面体 OABC の体積を  $x$  を用いて表せ。

(問 3)  $\triangle OAB$  の外接円の中心を P とする。  $DP = \frac{5}{3}$  となるような  $x$  の値を求めよ。

**4** 以下の問いに答えよ。ただし, 自然対数の底  $e$  が  $2.7 < e < 2.8$  を満たすことを用いてよい。

(問 1) 関数  $y = \frac{\log x}{x}$  の極値を求めよ。

(問 2)  $n$  を 3 以上の自然数とする。次の条件

$$a^{nb} > b^{na} > n^{ab} \quad \text{かつ} \quad a < b < n$$

を満たす自然数の組  $(a, b)$  の個数  $s_n$  を求めよ。ただし, 自然数の組  $(a, b)$  が存在しないとき,  $s_n = 0$  とする。

(問 3) (問 2) で求めた  $s_n$  に対して,  $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{1}{n^5} \sum_{k=5}^n k^2 \left( s_k + \frac{5}{2} k - 1 \right)$  を求めよ。